

رياضى المناه المات المناه المن

تنظيم المدارس اهلسنت پاکستان

ریاضی کی کتاب کے جملہ حقوق تنظیم المدارس اہلسنت پاکستان محفوظ ہیں۔

ربلیشرز تنظیم المدارس اہلسنت (پاکستان) 8-راوی پاکراوی روڈلا ہور پاکستان 042-37731045

تناسب (Proportion)

ال يون ميں جم يكھيں كے:

المع مركب تناسي كالقور

دوز مره زندگی سے متعلقہ مرکب تاسب پر عبارتی سوالات چھلی جماعت میں ہم سرکھ چکے ہیں کد

وونستوں کی برابری کو تناسب کہتے ہیں۔

ا مرجار مقداري c,b,a اور d تاب مين مول توان كويول الحقة بين

a:b::c:d

ىيە دراصل دو نىبتول a:b اور c:d كا باجمى تعلق ہوتا ہے۔

تناب كى مندرجه ذيل دونشيس بين-

(i) تاسب داست (ii) تاسب معکوس

4.1 تابرات (Direct Proportion)

اگردی ہوئی دو نہیں اس طرح ہوں کر ایک تناسب کی مقدار کے بڑھنے یا کم ہونے سے دوسری نبت کی مقدار بھی ای نبیت سے بڑھے یا کم ہو توان نبیتوں کے در میان قائم ہونے والے تناسب کو تناسب راست کہتے ہیں۔ اس تناسب میں

a:b::c:d 51

 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  For

مثال: ایک در جن انڈوں کی قیت 28روپے ہو تو 21روپے میں گئے انڈے ملیں گے حل: رقم بڑھ رہی ہے ادر انڈوں کی تعداد بھی بڑھ رہی ہے

× = فرض کیاانڈوں کی تعداد ×

آیت: آیت:: انثرے: انثرے

12 : x : : 28 : 21  $\frac{12}{x} = \frac{28}{21}$ 

 $x \times 28 = 12 \times 12$  $x = \frac{12 \times 21}{28}$ 

الله 9=

4.2 تاب معکوس (Inverse Proportion)

وونبتوں کاایا تعلق جس میں ایک نبت کی مقدار بڑھنے ہے دوسری نبیت کی مقدار ای تناسب سے کم ہور ہی ہو

توایی نبتوں کے درمیان قائم ہونے والے تاسب کو تاسب معکوس کہتے ہیں۔

اس تاسب میں ایک نسبت دوسری نسبت کے معکوس کے برابر ہوتی ہے۔

يعنى جار مقداري Id,c,b,a اگر تئاسب معكوس ميس مول تو

ثال:

ایک گرمیں 10 آدمیوں کے لیے 21 دن کی خوراک موجود ہے اگر 3 آدمی بطے جائیں تووہ ی خوراک

كتے دنوں كے لئے كافى ہو گى؟

طن 10 آومیوں میں سے 3آوی علے گئے تو باتی آومیوں کی تعداد 7=3-10 ہوگا۔

آدمیوں کی تعداد کم ہوگی تو راش زیادہ دنوں کے لیے کانی ہوگا :200

8000روپ4افراد کے ایک کنے کے لیے 40دن کے لئے کانی ہیں۔ای حاب ے15000روپ میں کتے دن تک 5 افراد کا مخزار او ہوسے گا؟

روپوں کی تعداد بڑھ رہی ہے 

دنوں کی تعداد بڑھ رہی ہے 

دنوں کی تعداد بڑھ رہی ہے 

افراد کی تعداد بڑھ رہی ہے 

دنوں کی تعداد کم ہور ہی ہے 

دنوں کی تعداد کم ہور ہی ہے

x=فرض کیادنوں کی تعداد

נט	افراد .	400
40 🛉	14	8000 ♠
x	<b>↓</b> 5	15000

DESTRUCTION OF THE PARTY OF THE

$$\frac{x}{40} = \frac{4}{5} \times \frac{15000}{8000}$$

$$x = \frac{40 \times 4 \times 15000}{5 \times 5000}$$

$$x = 60 \ \phi$$

فرض کیاد نوں کی مطلوبہ تعداد X بے۔

آدی				ول	1
10	1			21	
7				X	
	x	10	1200	THE	GP BUSH

 $x = \frac{10 \times 21}{7} 30$ ون 30 ون 30 ون 30 ونوں کے لیے کائی ہوگا۔

(Compound Proportion) ناب مرکب (4.3

دویادوے زیادہ تناسبوں کے باہمی تعلق کو تناب مرکب کہتے ہیں۔ تناسب مرکب سے متعلق سوالات عل کونے کی وضاحت مندرجہ دیل مثالوں کی مددے کی جاتی ہے۔

:100

ا كر 35 مزدور 5 كفيظ مين 805 سكب سينتي ميزز تان كجود ليت إن توبتائين كر 30مزدور 6 كفيظ مين كتر مكب

سِنٹی میٹرزمین کھودلیں گے؟

فرض كيازين كى كعدائي xcm، وتو

jon	25	cm³
35 ♠	5	805
30	6	x I

$$\frac{x}{805} = \frac{6}{5} \times \frac{30}{35}$$
$$x = \frac{6}{5} \times \frac{30}{35} \times 805$$
$$x = 6 \times 6 \times 23$$
$$x = 828cm^3$$

# ورست/غلط بيانات

درست بیانات کے سامنے"T" اور غلط کے سامنے"F" کھیے۔

- (i) دونبتوں کی برابری نبت کملاتی ہے۔
- (ii) اگر a,b,c,d تابرات میں ہوں تو a,b,c,d
- (iii) دویادوے زیادہ تناسیوں کے آپکی تعلق کومرکب تناسب کہتے ہیں۔
  - (iv) دونسبتوں کی برابری تناب کملاتی ہے۔
  - (V) تاب کے لیےعلامت": :"استعال ہوتی ہے۔
- (vi) دومقدارول میں نبت کوظاہر کرنے کے لیے علامت ":"استعال ہوتی ہے۔
- (Vii) تاب معکوس میں ایک نبست دوسری نبت کے ضربی معکوس کے برابر نہیں ہوتی۔
  - a:b (viii) کو علم ایرابر نبین کیاجا سکتا۔
  - (ix) كتابول كى تعداداوران كى تيت مين تاب معكوس موكا-
  - (x) آدمیوں کی تعداد اور خوراک کی مقدار میں تاب معکوس موکا۔
    - 2- محيل سوالات

خالی جگه موزون الفاظ/اعدادے یہ کیجے -

- (i) غ كونبت كى صورت مين كي عند الكيمة بين-
- ارگری اگری از مین اوگری (ii) اگری از مین اوگری از مین از
- (iii) مرکب تاسب دویادوے زیاده \_\_\_\_ مح در میان تعلق ب-
- (iv) ایک نبت کی مقدار کے زیادہ ہونے ہے دوسری نبت کی مقدار ای تناب سے کم ہو توالیا تناب \_\_\_\_\_ کملاتا ہے۔
- (V) اگر20 آدی ایک دیوار کو 5 دنوں میں بناتے ہوں تو 10 آدی اک دیوار کو \_\_\_\_دنوں میں بنائیں گے۔

# شق 4

- 1. 12 کوئنٹل سامان کا کراہے 18 کلومیز سفر کے لیے 20روپے ہو تو8 کوئنٹل سامان کا کراہے 20 کلومیز سفر کے لیے کتا ہوگا؟ لیے کتا ہوگا؟
- 2. 12 مير لجي ديوار 14 معمار 12 دن ميں ينا سكتے ہيں۔ 120 مير لمبي ديوار كو 7 دن ميں كتے معمارينا كيس م ؟
- 3. 1440 آدمیوں کے پاس 32 دن کی خوراک موجود تھی۔ کتنے آدی چلے جائیں کد وہی خوراک 40 دن کے لیے کافی ہو جبکہ راش فی کس أے اسما کردیا جائے؟ (اشارہ: راش کی نسبت میں پہلارکن 1 اور دوسرار کن 3/2 ہے)
- 4. 15 مشینیں 6ون چلنے ے360 مویٹر تیار کرتی ہیں۔ 3 مشینیں خراب ہو جاکیں تو باتی مشینیں 10ون میں چلا کر کتنے مویٹر بنے جا سکتے ہیں؟
- 5. آدی 6 گفتے روزانہ کام کرکے ایک سو کے 5 دن میں مرست کرتے ہیں۔ بتائیں 45 آدی 7 گفتے روزانہ کام کرے اتن ہی بی سوک کنے دنوں میں مرست کریں گے؟
- 6. اگر 600 مور تیں 8 گھنٹے روزانہ کام کرے 48 کلو گرام کیاں چن لیتی ہوں تو30 مور تیں 12 گھنٹے روزانہ کام کرکے کتنی کیاس چن لیس گی ؟
- 7. اگر8میر لیے اور 3 میر چوڑے قالین کی قیت1572 روپے ہو تو12 میر لیے اور 6 میر چوڑے قالین کی قیت کیاہو گی؟
  - 8. اگر 15 کاری کو دنوں میں 20,250 دو پے کائیں تو 10 کاری کو دنوں میں کتے روپے کائیں گے؟
- 10. ایک پروا ہے کو 18 مویٹی 6 شخ تک پرانے کے موش 2700روپے اداکیے جاتے ہیں۔اے24 مویٹی 8 شخ پرانے کے لیے کتنی رقم اداکرنی ہوگی؟
- 11. ایک تھیکیدارنے ایک عمارت30 ون میں بنانے کا تھیکد لیااور20 آدی کام پر لگائے۔10 ون میں کام کا صرف 11. ایک تھیکیدارے ایک عمار کے کہ کام پورے وقت پرختم ہوجائے؟

يونك ٧

جذر (Square Root)

ال يونت ميں ہم يكھيں گے:

قدرتی اعداد کاجذر الر لع معلوم کرنا

این کسور عام اور کسور اعشاریه کا جذر المرابع معلوم کرنا جومکل مربع بول

منه غير ناطق اعداد كاتصور

ن 2.5, 3, 2 وغيره جيسے نامكل مر لع اعداد كاجذر الربع معلوم كرنا

ہم پچپلی جماعت میں پڑھ کچ ہیں کد محسی عدد کاجذر ایک ایساعدد ہے جس کا مر لع دیا ہواعد د ہو۔ جذر سکے لیے علامت √استعال کی جاتی ہے۔ جذر المر لع کے لیے صرف جذکالفظ بھی استعال کیا جاتا ہے۔

5.1 قدرتى اعداد كاجذر الربع بذريعة تقسيم معلوم كرنا

(Finding square root of Natural Numbers by Division Method)

سی کیلی جماعتوں میں جم نے تجزی کی مدے چیوئے اعداد کا عبدر معلوم کرنا سیکھا۔ اس طریقہ ہے بڑے اعداد کا جذر معلوم کرنا آسان نہیں۔ آیے اب بڑے اعداد کا جذر معلوم کرنے کے لیے ایکٹ اور طریقہ کیجتے جیں اسے تقسیم کا طریقہ کہتے ہیں۔ محسی قدر تی عدد کا مبدر معلوم کرنے کے لیے:

نی مدرای عدوه مجدور و م رئے ہے۔ (i) عدو میں دیے گئے ہند سوں کے دائیں ہے بائیں دودو کے جوڑے بنامیخ (اگر ہند سوں کی تعداد جنت ہوگی تو مکل جوڑے بن جائیں گے ادراگر ہند سوں کی تعداد طاق ہوگی تو بائیں طرف آخر میں ایک ہندسہ رہ جائے گا۔

(ii) ایادر تلاش کیے جم امراح بائی طرف ے آئری جوزے یابتدے کے برابریائی ے کم ہو۔

(iii) باقى كاطريقه كاريخ وى كن مثال مين واضع كيا كيا ب-

 $\begin{array}{c|cccc}
25 \\
\hline
2 & \overline{625} \\
-4 & \hline
45 & 225 \\
-225 & -225
\end{array}$ 

مثال 1: 625 كاجذب بدريقتيم معلوم كري-

41x1=41 42x2=84 43x3=129 44x4=176

45x5=225

 $\sqrt{625} = 25$ 

ای لیے

3- کیٹر الانتجابی سوالات بر سوال کے 4 مکنہ جوابات دیے گئے ہیں صبح جواب کے لیے استعمال ہونے والے حرف سوال کے سامنے دی گئ خالی جگہ پر کھھے۔

(i) اگر c,b,a اور ل تناب راست میں ہوں تو \_\_\_\_\_

(a) ac=cd (b) ad=bc (c) a+b=c+d(d) ab =cd (ii) اگر c,ba ور ای تاسب معکوس میں ہوں تو

(a) ac=bd (b) ad=bc (c) a+b=c+d (d) ab=cd(iii)  $1^2 (6,4,3)^2 (100)$ 

(a) 3 (b) 4 (c) 6 (d) 8 (v)  $|\hat{x}| = (x^2)^{1/2} (x^2$ 

(a) 3 (b) 5 (c) 9 (d) 15 (v) 18 (b) 5 (c) 9 (d) 15

(a) 3 (b) 5 (c) 15 (d) 8

ا۔ مختر جوابی سوالات (خود کریں) مندر جہ ذیل سوالوں کے مختفر جواب دیجے۔

تناب راست کی تعریف کھے۔ تناب راست کی تعریف کھے۔

ii. تاب مکوس کی تعریف کیجے۔

iii. تاب كى تعريف يجيي

iv. تاب مرکب کی تعریف کیجے۔

v. كآدى ايك كام كو 9 دنول ميل كري تو 10 آدى اى كام كو كتة دنول ميل كري گے۔

:2010

$$\sqrt{1\frac{11}{25}} = \frac{36}{25}$$

$$\sqrt{1\frac{11}{25}} = \sqrt{\frac{36}{25}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{25}}$$

$$= \frac{6}{5} = 1\frac{1}{5}$$

مثال 3: و 28 كابدر معلوم كريد

$$28\frac{4}{9} = \frac{256}{9}$$

$$\sqrt{\frac{256}{9}} = \frac{\sqrt{265}}{\sqrt{9}}$$

$$= \frac{16}{3} = 5\frac{1}{3}$$

$$\frac{n}{2}=\frac{n}{2}$$
گر $n$ ایک جفت عدو ہو $\frac{n}{2}=\frac{n+1}{2}$ گر $n$ ایک طاق عدو ہو

n ہندی عدد کے جدر میں ہندسوں کی تعداد

كاآبتا كتة بن؟

5 بندى عدد كے جذر ميں كتے بندے ہوں گے؟ 6 ہندی عدد کے جذر میں کتے ہندے ہول گے؟ مثق 5.2

مندرجه ذیل مسور کاجذر معلوم کریں-

- 1. 3.  $\frac{784}{841}$  4.
- 6.  $6\frac{1}{4}$  7.  $5\frac{41}{64}$  8.
- 10.  $1\frac{136}{225}$  11.  $101\frac{92}{169}$ 12.  $2517\frac{196}{289}$

مثال2:عدد 1024كاجدر معلوم كرير-32 1024 -9 124 -124  $\sqrt{1024} = 32$ مثال3: عدد 15129 كامذر معلوم كرس 123 15129 51 22 243 729 729 · √15129=12 v

مشق 5.1

1 . مندرج ذیل کے جذر بذریعہ تقتیم معلوم کریں۔

- 784 (i) (ii) 1225 2809 4225 (iv) (v) 5184 (vi) 7744 (vii) 13689 (viii) 29241 (ix) 103041 (x) 418609 10329796 (xii) (xi) 30349081
  - 5.2 كورعام كاجذر (Square root of Common Fraction s ہم جانے بیں کد کسرعام 4 میں 4 شار کنندہ اور 9 نفرج ہے۔

كرعام كاجذر الح شاركتنده ك جذر كو خرن كے جذر ب تقتيم كرنے سے حاصل موتاب۔ اس لیے کسر عام کاجذر معلوم کرنے کے لیے ہم اسکے شار کنندہ اور مخرج کے جذر علیحدہ علیحدہ معلوم کرتے ہیں۔

مثال 1: عدو 6 كاجدر معلوم كري

$$\sqrt{\frac{9}{16}} = \sqrt{\frac{9}{16}} : 0$$
 $= \frac{3}{4}$ 

$$\therefore \sqrt{0.05361} = 0.231$$

مثال 3: 0.204304 كاجذر بزرايد تقيم معلوم يجيي

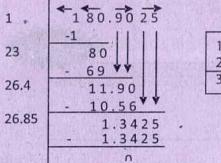
 $\sqrt{0.204304} = 0.452$ 

5.3 كسوراعشاريه كاجدر معلوم كرنا

(Finding square Root of Decimal Fractions)

مسوراعشاريه كاجذبه معلوم كرنے ليے

- (i) مح عدوي هے كے ہندسوں كے جوڑے دائي سے مائيں بنائے۔
- (ii) نقط اعشاریے وائی طرف کے بندسوں کے جوڑے مائی ے وائی بناہے۔
  - (iii) نقط اعشاريد ك واكي طرف مكل جوزے بنائے كے ليے "0" لكاكي -
- (iv) نظر اعشار یہ کے بعد کاجوڑ والتار نے سے پہلے حاصل تقسیم میں نظر اعشار یہ لگے۔
  - (V) دوجوڑے بیک وقت اتارتے ہوئے حاصل تقیم میں"0" لگائے۔



ALCOHOLD DE	1 = 2		100	
2 x 2	2 = 2	24	100	
3 x 23	3 = 69	)		

Š	1 x 2681 = 2681
Ú	2 x 2682 = 5364
	3 x 2683 = 8049
i	4 x 2684 = 10736
V.	5 x 2685 = 13425

مثال2: 0.053361 كاجذر بذريد تتيم معلوم كيي

## للے اگر کسی عدد کامر کے عدد مدند ہو تو X کایک غیر ناطق عدد ہوتا ہے۔



مثال2: 2.5 اجذر معلوم کیجے۔

1.58...... 1.  $2.\overline{50000000}$ 2.5 1.50 1.50 1.25 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 0.2500 0.00360000

اس فتم کے اعداد کا جذر نکالئے وقت حاصل تقتیم کو چند مراتب اعشاریہ تکث محدود کردیا جاتا ہے۔ یہاں پر ہم 3 مراتب اعشاریہ تکٹ جواب معلوم کریں گے۔

ذہن میں رکھے:

کسی مدو کے جذر کو تین مراتب اعشاریہ تک محدود رکھنے کے لیے حاصل تقتیم میں نقط اعشاریہ کے بعد تین ہندسول تک تقتیم کا عمل کیا جاتا ہے۔ چو تھا ہندسہ اگر 5 ہے کم ہو تواہ حذف کر دیا جاتا ہے ادرا گر 5 یا 5 ہے بڑا ہو تو تیسرے ہندے میں 1 جمع کر کے چو تھا ہندسہ حذف کر دیا جاتا ہے

 $\sqrt{2} = 1.4142135... ... \approx 1.414$  $\sqrt{7} = 2.64575 \approx 2.646$ 

مثال3: 0.257960 كابذر ثين مراتب اعشارية تكث معلوم كرير-

عل: اس كر اعشاريه ميں صرف كرى حصد ہادر اسكاجذر تين مراتب اعشاريه تك معلوم كرنا ہے۔اس ليے اس كے كسرى جمعے ميں تين جوڑے بائيں سے دائيں طرف بنائيں گے۔ 0.5078

			The state of the same of the same
.5	0.25796000	$\sqrt{0.257960} \approx 0.508$	
1.007	0.007 960	0.237960 ≈ 0.508	Ű.
1.0148	0.007049		
	-0.00081184		

9916

# مشق 5.3

مندرجه ذيل كسور اعشاريه كاجذر بذرابعه تقشيم معلوم كيجيه

 1. 0.3249
 2. 0.5184
 3. 10.24

 4. 0.0676
 5. 1402.5025
 6. 20.5209

 7. 648.7209
 8. 23746129
 9. 2981.16

 10. 7613.609536
 11. 0.00868624
 12. 32.7184

5.4 غير ناطق عدد كا تصور (Concept of an Irrational Number)

ی با در میں میں ہم غیر مختم متوالی کر اعشاریہ کے بارے میں پڑھ بچکے ہیں مثلا . . 0.6666 ≈ 2 ایک غیر مختم متوالی کسرا عشاریہ میں ہند موں کاایک گروپ ای ترتیب ہے بار بار آتا ہے۔اب ہم غیر مختم غیر متوالی کسرا عشاریہ کے بارے میں بیکھتے ہیں۔

الی کر اعشار یہ جس میں نقط اعشاریہ کے دائی طرف ہندسوں کی تعداد نہ توختم ہور تک ہوا در نہ بی ہندسوں کا کو کی گروپ اک ترتیب بار بار آرہا ہو" ایک فیر متوالی غیر مختم سمر اعشاریہ کسلاتی ہے۔ اس قتم کے اعداد غیر ناطق اعداد کسلاتے ہیں۔ مشار کی کی آگرہ فیرہ۔

مثال 1: كاجدر معلوم كريى-

ہم دیکھتے سکتے ہیں کد2 کاجذر معلوم کرنے کے عمل میں

(i) تقیم کا عمل الشنای ہے یعنی محسی مرسطے پر باتی"0" نیس بھا۔

(ii) نقط اعشاریے بعد بندسوں کا کوئی گروپ ای ترتیب بار بار نمین آر با جیا کد ناطق اعداد کی صورت میں ہوتا ہے۔ مشل 0.6666 ع

مشق5.4

# مش 5.5

ایک مربعی کھیت کار قبر14400 مربع میٹر ہے۔اس مع صلع کی اسبانی معلوم کریں۔	.1
ا مك مربعي كھيت كارتبہ 422500 مر لع ميٹر ہے۔ اسطح گرد بالد كانے كے ليے هني تاركي ضرورت موتى؟	.2
الك باغبان 122500 ورخت الن كليت مين اس طرح لكانا جابتا بحكة قطارول كي اتن اى تعداد جنتى كے	.3
قطار میں در ختوں کی تعداد ہے۔ ووایک قطار میں کتنے درخت لگا ہے گا؟	
ايك مستطيلي كليت كارتبه 10092 مركع ميثر ب-اس كليت كى ليالى اسكى جوزالى كاتين مناب-اس كليت كا	.4
احاط معلوم كرين-	
ایک دائروی علاقہ کار قبہ 616 مر لع ڈیسی میٹر ہے۔ اس کارداس معلوم کریں۔ (جبکہ 7 = )	5
ايك متطيل كيت كارقبه 57800م لع مير ب- اگراس كيت كى لبائىاس كى چورانى كاروكنا موقواس كيية	.6
اضارع کی لیبائنان معلوم کریں۔	
وہ چھوٹے سے چوناعدد معلوم کریں جس کو عدد 109087میں سے تفریق کریں تو حاصل تفریق اک مکل	.7
ן לא אר.	
ایک دائروی میدان کو ہموار کرنے کاخرج بحراب25 سے فی میٹر 2200روپے ہے۔اس میدان کارواس	.8
$(\pi = \frac{22}{2} + \frac{2}{3})$	
ایک مربعی کھیت میں بل جلانے کا فری 2روپ فی 100 مر لع میٹر کے حساب ے 450روپ بنتا ہے۔ ا	.9
کیت کے ضلع کی لبال معلوم کریں۔	
ایک مربعی لان کار قبہ 62500م لع میٹر ہے۔اس کے گرداگرد تار لگانے کے لیے کتنی کمی تار کی ضرورت	.10
بوگي عارك لگ نے كافرى جمال 50 دويے في ميٹر كيا بوكا؟	.,0

#### مندرجه ذیل کاجذر تین مراتب اعشاریه تک معلوم کریں۔ 1. 2 7 11 مندرجه ذیل کاجذر دومرات اعشاریه تک معلوم کریں۔ 7. 3.6 8. 6.4 28.9 10. 64.34 36,008 11 816.081 12. 5.5 عذر کے متعلق عمارتی سوالات مثال 1: 1225 طلبانیک میدان میں اسطرح کرے ہوئے ہیں کد ہر تھار میں اتنے ہی طلبا ہیں جتنی قطاریں ہیں۔ ہر تھار میں طلبا کی تعداد معلوم كري-چو کلہ قطار میں طلما کی تعداداتی ہی ہے جتنی قطاروں کی تعداد ہے۔اے لیے1225کا مذر معلوم کرنا ہے۔ آئي 1225 كاجذر معلوم كري-1225 325 65 325 اس تطارمیں طلما کی تعداد35 ہوگی۔ مثال2: الك مستطيل كية كارقبد1843م لع ميز بـ كيت كي يوزاكي الرابي تا وهي ب اس كااحاظ معلوم كرس چونکداکی چوال کھیت کی لمبائی ہے آدھی ہے۔ اس لیے یہ مستطیل دوبرابر مربعی علاقوں میں تقسیم کی جا محق ہے۔

يوزالى

اس لیے مربعی علاقہ کے ہر ضلع کی اسبائی96 میٹر ہوگا۔

= 192%

= 2(192+96)

= 2(288)=576

متطيلي كهيت كي لسائي

منتطيلي كحيت كااعاطه

اس كيت ع ضلع كى لمبائى معلوم كر فرع ليي بم 9216 كاجذر معلوم كري ع لمبائى إلى حوالى الله يوالى الله

چوڑائی

ال لي بر مراجى علاقے كارقبه = 18432

9216

-81 ¥ ¥

1116

28/9216=

9

186

		مطابقت کے سوالات
نبر كالم عين فالى جكه ير تفي-	A 2 جملوں كے متعلقة	کالم B کے جملوں سے مطابقت رکھنے والے کالم

Virginia.	Α	В	С
(i)	√2.25	(a) 12	
(ii)	$\sqrt{25 \times 4}$	(b) 5	POLICE CONTRACTOR
(iii)	$\sqrt{1\frac{9}{16}}$	(c) 1.125	
(iv)	$\sqrt{\frac{9}{16}}$	(d) 1.25	
	√16	(e) 10	1
(v)	$\frac{3\sqrt{9}}{\sqrt{64}}$	(f) 1.5	mediagram
(vi)	$\sqrt{16+9}$	(g) .75	
(vii)	$\sqrt{16} \times \sqrt{9}$		

كثير الاامتخالي سوالاس م موال كـ 4 مكنه جوابات دي مح بين مسيح جواب كے ليے استعال ہونے والے حرف موال كے سامنے وى محق

(a)

(a)

(a)

(a)

0.0014

مكه يرقعي

625 كي جذر مين مندسول كي تعداد موگي-(i)

(b) 2 (c) 3 (d) 4

-851 N/V 16 X 4

(iii)

(b) 2 (c) 8 (d) 6

رار اوكا-100 برار اوكا-

(b) 1.4 (c) 0.14 (d) 0.014

(b)  $\frac{7}{4}$ 

اگرایک مربعی علاقع کارتبه 64m² موتواس کااحاط موگا۔

(a) 8m (b) 16m (c) 24m 32m

# معروضي سوالات

ورست/غلط بانات (i)

درت بانات کے سامنے "T" اور غلط بیانات کے سامنے "F" مکھیے۔

دوہندی اعداد کاجذر ایک ہندی ہوتا ہے۔ (i)

> ایک بندی عدو کاجذر بھی ایک بندی ہوتا ہے۔ (ii)

> > 1024 كاحذر تين مندى عدد موكا\_ (iii)

625 كاجذر دوبترى عدد بوكا\_ (iv)

کسی قدرتی عد کاجذر معلوم کرنے کے لیے بائیں سے دائیں جوڑے بنائے جاتے ہیں۔ (v)

> محسى كر عام كاجذراس كے شاركنند كے جذر كے برابر ہوتا ہے۔ (vi)

كسرعام كاعذراك عرج عرج عدرك برابر بوتا ب (vii)

كسرعام كے جذرين اس كے شار كننده كاجذر شار كننده اور مخرج كاجذر مخرج بى دہتا ہے۔ (viii)

كراعشاديد كاجذر معلوم كرنے كے ليے كرى صے كے بوڑے بائي سے دائيں بنائے جاتے ہيں۔ (ix)

> 2√ایک ناطق عدد ہے۔ (x)

> > تكميلي سوالات (ii)

مندرجه ذیل میں خالی جگدیر کریں۔

625 کے جذر میں ہندے ہی۔ (i)

103041 کے جذر میں ہندے ہیں۔

16x81 کے جذر میں ہندے ہیں۔ (iii)

> $\sqrt{\frac{9 \times 16 \times 9}{144}} =$ \_\_\_\_\_ (iv)

> > $\sqrt{1.69} =$ (v)

 $\sqrt{\frac{4}{9}} \times \frac{\sqrt{9}}{2} = \underline{\phantom{0}}$ (vi)

(vii)

اگر کسی عدد کامر کع عدد xنه ہوتو x کایک (viii)

> 1.44 كالصح عددي حصه موكا (ix)

كىراعشارىيى .....0.666 ايك (x) فيصد (Percentage)

يونث الا

اس يون ميں ہم يكھيں گے:

ن ميشن كي صورت ميس نفع و نقصان معلوم كرنا-

من فروخت در فرخت کی صورت میں نفع و نقصان معلوم کر نااور دم ری فروخت میں موازند کرنا-

انشورنس کا تصور، زندگی کی انشورنس اور گاڑی وغیرہ کی انشونس کے متعلقہ مسائل کا حل۔

کل آمدنی وخالص آمدنی اور قابل فیکس آمدنی کا تصور -

ن محلى فردكا أكم فيكس معلوم كرنا\_

تجیلی جماعتوں میں ہم فیصد اور نفع و نقصان کے سادہ مسائل حل کر نامیکھ چکے ہیں۔ اس یونٹ میں ہم کمیشن کی صورت میں نفع و نقصان پر تھوڑے مشکل مسائل کا حل نکالیں گئے اور انشور نس اور انکم عمیس کے بارے میں بھی سکھیں گئے۔

6.1 نفع ونقصان (Profit and Loss)

ہم جانے ہیں کہ

$$\frac{\partial u}{\partial x}$$
 $\frac{\partial u}{\partial x}$ 
 $\frac{\partial u}{\partial x$ 

- -8×1/2√(25 16) × 9 (vi)
- (a) 3 . (b) 5 (c) 4 (d) 9
  - (Vii) 8 ایک ایباعدد ہے جو کہ غوراطق میں (طال مناطق میں (ع) این (طال
- (a) جفت ب (b) طاق ب (c) جفت ب جفت ب (d) بغت ب الما مده بالما بعد الما بعد ا
- فیرناطق ب (d) ناطق ب (c) طاق ب (d) جنت ب (a) مندرج ذیل میں سے کونیا عدد و 50.75 برابر نہیں ہے؟
- (a)  $\frac{\sqrt{9}}{4}$  (b)  $\sqrt{\frac{9}{16}}$  (c)  $\sqrt{9 \div 16}$  (d)  $\sqrt{9 + 16}$ 
  - (X) مندرجه ذیل میں سے کونساعدد غیر ناطق ہے؟
- (a)  $\frac{3}{\sqrt{16}}$  (b)  $\sqrt{\frac{18}{32}}$  (c)  $\sqrt{16 \div 9}$  (d)  $\sqrt{16-9}$

ایک پراپرٹی ڈیلر نے ایک مکان کا سود 1,000,000 روپے میں طے گروایا اور بیچنے والے اور خرید نے والے دونوں سے 1% کمیشن وصول کی۔ بتا یے بیچنے والے نے کیا قیت حاصل کی؟ خریدار نے کتنی قیت اواکی ؟ ڈیلر کو کتنی کمیشن ملی؟

ط:

:200

كيونك وطرن وولول طرف سي 18 كيشن كائى

شق 6.1

آیٹ فیکٹریکامالک اپی مصنوعات کی لکھی ہوئی قیت پر دوکانداروں کو 5 اللاکیشن دیتا ہے۔ نقد ادائیگی کی صورت میں بقایار تم پر کیشن دیتا ہے ایک چیز کی قیت 1200روپے لکھی ہو تو دوکاندار کلتی قیت ادا کر سکا؟

2. ایک چیز کی تکھی ہوئی قیت 005رو ہے ہے۔اگراس پر 15% کمیش ہو تو کمیش کی رقم معلوم کیجے اور رعائق قیت بھی معلوم کیجے۔

3. ایک اخبار فروش نے ایک ماہ میں 10800 روپے کے اخبار فروخت کیے اور 1620 روپے کمیشن حاصل کی کیشن کی شرح فیصد معلوم کریں۔

4. ایک کمیش ایجنٹ نے ایک مکان 3,50,000 روپ میں فروخت کروایااور اس نے خریداراور فروخت کار دونوں سے 296 کے حساب سے کمیش وصول کی فروخت کار کو کتنی رقم ملی۔ خریدار نے کنتی رقم اوا کی ؟اور ایجن کو کتنی رقم ملی؟

اسلم ایک دوکان پر سیز مین ہے۔اس کی تخواہ 2500روپے مابانہ ہے۔اسے 16 کمیشن اس کی سیل پر ملتا ہے اگر
 اس نے ایک ماہ میں 4,50,000روپے کا سامان فروخت کیا ہوتواس کی اس ماہ کی کل آمدنی معلوم کریں۔

مثال: اکرام نے ایک جائیداد 2,60,000 روپ میں خریدی اور 10 فیصد منافع پر وی وی اس کا خالص منافع منافع معلوم کریں۔

:1

 $\begin{array}{rcl}
 & = & 260,000 \\
 & \downarrow & = & 10\% \\
 & = & 10\% \\
 & = & \frac{3}{2} \frac{100}{2} \times 100 \\
 & = & \frac{10}{2} \frac{100}{2} \times 100 \\
 & = & \frac{260,000 \times 10}{100} \\
 & = & \frac{260,000 \times 10}{100} \\
 & = & \frac{260000 \times 10}{100}
\end{array}$ 

6.2 كيش (Commission)

م تجارتی کمپنی اپنی مصنوعات دکاندروں یا کمیشن ایجنٹوں کے ذریعے فروخت کرتی ہے اور ان کو اپنی مصنوعات کی کامی ہوئی تیست پر مقرہ شرح فیصد کے حساب سے رعائت دیتی ہے۔ یہ رعائت کمیشن کملاتی ہے۔

کمیشن کی ایک اور صورت بھی ہوتی ہے۔ جو کوئی ایجنٹ کسی پراپر ٹی کو خرید نے والے اور بیچنے والے دونوں سودا ملے کروانے کے عوش وصول کرتا ہے اور اس کی شرح فرید از ، فروخت کار اور ایجنٹ تیمنوں کی ہاہمی رصامندی سے مقرر ہوتی ہے۔

مثال 1: ایک صنعت کار ایک دکاندار کو اپنی مصنوعات کی لکھی ہوئی قیت پر10 کمیشن ویتا ہے۔ نفتہ ادا کیگی کی صورت میں بقایار قم پہ6 کمیشن ویتا ہے۔ جس چیز کی لکھی ہوئی قیت 1500 روپے ہو تو دکاندار کو نفتہ ادا کیگی کتنی کرنی پڑے گی؟

: 0

を "二ンプジ" --けごよ

بیر پالیسی بڑھا ہے یا معذوری کے لیے بھی فریدی جا محق ہے۔ پر پیم کی رقم بیر وار کی آمدنی کے 10 فیصد سے لے کر 50 فیصد تک ہو سکتی ہے۔ ذیل میں ماہاند، سرمانی، اور سالاندی میم کی رقم طے کرنے کے بارے میں مثال دی گئی ہے۔ مثال 1: ایک بیر دارجس کی عمر نزدیک ترین سائگرہ پر 30 سال ہے۔

قرض کیااس کی پالیسی کی کل رقم 1,00,000 روپے ہے۔ سالاند پر بھیم کی رقم کل رقم 4.842 فیصد ہے۔ ششاق پر بھیم کی رقم سالاند پر بھیم کا 52 فیصد ہے۔ سر مائی پر بھیم کی رقم سالاند پر بھیم کا 27 فیصد ہے۔ ماہاند پر بھیم کی رقم سالاند پر بھیم کا 9 فیصد ہے۔ روپے 4842 = 000,000 × 100,

روبي 5092 = سالاندي يميم

بعض او قات پالیسی فیس کی عد مقرر کردی جاتی ہے مثلابی زیادہ سے زیادہ 200روپیہ ہوگی۔ جس کا مطلب سے ہوگا کہ اگر کل رقم کا 0.25% قم 200روپے سے زیادہ بھی ہوگا تو بھی 200روپے بی ادا کرنا ہوگا۔ فرض کیا کہ پالیسی فیس 250روپے کی بجائے 200روپیہ بی ہے تو بیچے دی گئی مثال میں پہلا پر میم میں کیا کہ بالیسی میں کی سے میں 200

رويـ 250 = 100,000 = يالين فين بشرع 25%.

 $= \frac{52}{100} \times 5042 = 2621.84$   $= \frac{52}{100} \times 5042 = 2621.84$   $= \frac{27}{100} \times 5042 = 1361.134$   $= \frac{9}{100} \times 5042 = 453.78$ 

=454€,

6. ایک ایجن نے ایک زسیدار کی 1,20,000 روپ کی گذم فروخت کی اور 5 کیشن کائی۔ ایجن کو کننی رقم ملی؟

7. ایک صنعت کار15000 روپے کی سیل پہ15 کمیشن دیتا ہے اور 15000 سے زیادہ جتنی سیل ہواس پر 20% میشن ملی؟ 20% کمیشن دیتا ہے۔ ایک ایجنٹ نے 26500 روپے کی اشیافروخت کیس۔ اس کو کفتی کمیشن ملی؟

8. ایک ایجنگ نے حمزہ کا پلاٹ رشید کے ہاتھ 11,00,000 روپ کا پیچااور پھر رشید کو 100 منافع دے کر عمرے ہاتھ بیچا اگر وہ اپنا کمیشن میر مرتبہ % 1 سے کا فے توفروخت در فروخت میں اس نے کتنے روپ کمائے ؟ حمزہ کو کیا بلا؟ رشید کو کتنی رقم ملی؟ عمر نے کتنی رقم ادا کی؟

9. انورنے ایک زمیندار کے جاول یجنی پر128 کیشن وصول کی اگر اس نے 10,05,600 روپے کے جاول یجے ہوں تواس کی کمیشن کی رقم ہتاہے۔

6.3 بيم (انشورنس) كانصور (Concept of Insurance)

> یہ سمجھوتہ بیر پالیس (Insurance Policy) کلاتا ہے اقساط اس کار پیم (Premium) کلاتی ہیں۔

طے کردہ مخصوص مدت، تھیلی مدت (Maturity period) کملاتی ہے۔ کپنی مقرر کردہ مدت پوری ہونے کی صورت میں پوری ادا کردہ رقم کے ساتھ منافع بھی ادا کرتی ہے جو کہ بونس (Bonus) کملاتا ہے۔انشور نس مختلف قتم کی ہوتی ہے۔ پچھے اقسام کے بارے میں یہاں پڑھتے ہیں۔ مثال کے طور پر

- 28..

(i) زندگی کا بیہ (Life Insurance)

(ii) کاژی یا جائیداد کا تیمہ (Vehicle or Property Insurance)

(i) زندگی کا بیر

زندگی کے بیر میں پارٹیوں کے درمیان تھیلی مدت طے ہوجاتی ہے جس کے ختم ہونے پر کیپنی کو وصول کردور قم بمعد منافع اور بونس بیر دار کو ادا کرنی ہوتی ہے یا پھر اچانک موت یا حادثہ کی صورت میں ادا کرنی ہوتی ہے۔ پى كل رقم بچ بير وارك خاعران كوسلے كي ۔ روپ 3,44,200 = روپ 2,40,000 + روپ 1,04,200 بجد اس نے مرف 4537 دو پ اوا كي ۔

بصورت ديگر پاليسي كى عميلىدت كى صورت مين اس كومندرجد ذيل پاليسى كى رقوم كى ادا يكى بوگ-

Rs100,000 = ياليى كار قرى شرى =

4.2 المن 4.2 =  $\frac{4.2}{100} \times 100,000 \times 25$ 

= Rs4200x25

= Rs 105000

Rs 1.4 × 100000 × 20 = Rs 1.4 ك شرع = 20 مال كے ليے

Rs28,000

Rs 1.5 × 100,000 × 20 اختاى بولى 1.5% كاثر ت 20 مال كے ليے

= Rs30,000

Rs  $\frac{0.75}{100} \times 100,000 \times 20$ 

= Rs15,000

Rs (100,000+105000+28,000+ 30,000+15000) = گل د قم بو تیر دار کو لے گل

Rs278.000

عبر المائي يم كي صورت على جور قم اواكي = 4537x25= Rs 113425

نوٹ: بولس کن حم مے ہوتے ہیں۔ بیسے اعتمای بولس، خاندان کی تمدنی کا بولس وغیرہ جن کی شرح مختلف کینیوں نے مختلف رکھی ہوتی ہے۔ یہ تمام منافع کی تشمیس ہیں۔



پالیس کاپر میم اور بھیل مدت دونوں بن بیر کروانے والے کی عمر کے لحاظ سے کمپنی کے قوانین کے تحت جامد موتے ہیں۔ عموی طور جیسے جیسے بیر دارکی عمر بڑھتی ہے تھمیلی مدت میں ای شرح سے کی ہوتی رہتی ہے۔

آے ابمثال رجو کہ زعد کی کی بیر پالیسوں کی اقادیت کوظاہر کرتی جد فور کتے ہیں۔

:200

بمه دار کی عمر پوقت انشورنس =30 しい يحيل مدت =25 UL ماليسي كي رقم رويے 100,000= 5000 =3.78%  $=\frac{3.78}{100}\times100,000=3780250$ F. GULG  $=\frac{2}{1000}\times 100,000=200$ ياليى فيس بشرح %2.  $=\frac{0.557}{100}\times100,000=5572$ خائدان كي آمدني كامعابده بشرح 0.557 % كل اداشده رقم رويے 4537=

خاندان کی آمدن کے معاہدہ کی صورت میں بید دار کو کھ اضافی بیم کینی کے قوانین کے مطابق ادا کرنا پڑتا ہے۔ بید دار کی ایک سال کی مدت میں فو تکی کی صورت میں اس کے خاندان کو اضافی ادا شدہ پر بیم کی نبایہ مندرجہ ذبل رقم کی ادا لیک کی جائے گی۔

مندرجد بالار قم كے علاوہ خاندان كو 10,000 روپے سالاند 24سال كك ملتے رہيں گے۔

2- بید دارکی دوسال کی مدت کے دوران فویکی کی صورت میں دور قم معلوم کریں جو اس کے لواحقین کو لیے گی۔ اگر روپے 50,000 = پالیسی کی رقم

4.2% = شرح يميم سالانه

0.3% = شرح ياليى فيس

0.6% = خاندان كي آمدني كامعابده

ال = عميل مدت

4.5% = خرج يونى

اور 6000روپے سالانہ کی آمدن کمپنی سے طے پائی ہے۔

(ii) کاری ایر ٹی کی انثورنس

بعض او قات کچھ لوگ اپنی کازیوں اور جاہیداد کی انشورنس چوری، آگ یا حادثہ کی صورت میں تقصان کے ازالہ کے لیے کرواتے ہیں۔ اٹا ٹے کی کل قیت یا بزوی قیت پر کسی پر میم کی شرح فیصدے کمشنی کے قوانین کی روشنی میں کسی خاص مدت کے لیے بیر کرولیا جاتا ہے۔

> پادرگے: پیم سالانہ کی بنیاد پر لیا جاتا ہے۔ پیم سالانہ کی بنیاد پر لیا جاتا ہے۔

آئية ابكاريون اور براير في كل انثور نس ك متعلق يحمد سوالات عل كرير-

مثال 1: ایک شخص نے اپی کاڑی کی انثورنس 3.6% سالانہ شرح سے کروائی۔اس نے میلے پر بیم کے طور پر 12206روپے اوا کیے۔اس کی کاڑی کی مالیت معلوم کریں جبداس نے 200روپے بطور سروس چارجزاوا کیے۔ مثن 6.2

1. ریمیم کی رقم مندرجہ ذیل شرحوں کے مطابق معلوم کی جاتی ہے۔ پالیسی رقم کا 4.5% = مالاندر میم

پالىسى فىس پالىسى رقم كا %25.+

يازياده سےزياده 200روپ

الاندريميم كا 52% = مشاى يميم

الاندي يميم كا 27% = مالان يميم

الانه يميم كا %990 = مالمنه يميم

پس پر يميم كار قم كے ليے مندرج ويل جدول مكل كريں۔ يہ جى بتائے كداس نے كہنى كوكل كتنى رقم اواكى؟

مابوار يا يجيم	سدمای پر يميم	ششاءى يريميم	سالانه پریمیم	رقم پالىسى	
				50,000روپ 100,000روپ 1,50,000روپ 2,00,000روپ	(i) (ii) (iii) (iv)

مثال 3: ایک جائداد کی مالیت 500,000 روپ اس کی انثور نس 5 فیصد کے حماب ہے 6 سال کے لیے کروائی۔اس کی مالیت میں 10 سالانہ کی ہوتی ہے اگر دوسال کے بعد جائداد جاء ہو جائے تو بیر دار کتے تقصان سے چامیا؟

ط:

:00

6.5 خالص آمدن (Net Income)

خالص آمدن وہ آمدن ہے جو کل آمدن میں سے بہود فنڈ ، زکوۃ ، کوئی اور چھوٹ وغیرہ کی رقم منہا کرکے حاصل

ہوتی ہے۔

(Tax) على 6.6

قیس وہ رقم ہے جو حکومت عوام ہے ان کو و فاع ، تعلیم ، ہیپتال، سر کیس ، پار کس وغیرہ کی سمولیات بہم پہنچانے کے لیے وصول کرتی ہے۔

تيكس كى مختلف اقسام بين مثلااتم تيكس ، پراير أن تيكس ، دولت تيكس وغيرو-

(Income Tax) انكم فيلى (6.7

ائل ٹیکس ایک مخف کی آمدن ایک خاص حدے بڑھنے پر لگا یا جاتا ہے اٹلم ٹیکس کی شرع کے قوانین حکومت و قا فو حاری کرتی رہتی ہے۔

آمدن کی کچھ مدات کو حکومت وقت الحم قیلس سے مستشلی قرار دیتی ہے۔ مثلا الاونس ، ہاؤس رینث،

ريبيث (چهوث)، خصوصي تنخواه وغيره-

ربیث دور تم بجس پر تیس کی چھوٹ ہوتی ہے ربیٹ خالص آمدن= قابل تیس آمدن

ائم نیس معلوم کرنے کا طریقہ درج ذیل مثال سے واضع کیا گیا ہے۔

مثال 1: انكم نيكس كى رقم معلوم كرين اگرايك مخص كى ما بوار آمدنى 6500روپ بور جبك نيكس كى شرح %5اور ربيت كى رقم 50,000روپ بور

ئل:

رويـ 6500 = مابوار آمدنی

رويـ 6500×12=78,000 = مالاندآمدنی

رويے 50,000 = فيكس ميں ريبيث

7800050000 = تابل يكس آمدن

روپے 28,000 =

= اگم کی شرک =  $\frac{5}{100} \times \frac{28000}{1}$ 

= 1400\_\_\_\_\_\_

بى 1400روپ بطورائم فيكس اداكياجائكا

الوث: عام طوري مروس چارجز بحي يديم عن شامل موت بين الكن يبال يديم مروس چارج كے بغيروالى پاليسول يد بحث كري كے-

# مشق 6.3

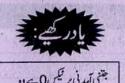
- 1. فاروق نے ایک انٹورنس پالیسی برائے کاڑی مالیتی 8,50,000 روپے میں 4.25% سالانہ کی شرح ہے برائے مدت 3 سال صاصل کی۔ وہ اس پر کتا پر پیم ادا کرے گااگر اس نے اس مدت کے دوران کوئی کلیم داخل نہ کیا ہو جبکہ مالیت میں کی 10% ہے؟
- 2. فرقان نے ایک گاڑی مالیتی 7,50,000 روپے میں خریدی۔ اس نے اس کی انتورنس 3.5 فی صد سالاند کی شرح ہے 5 سال کے عرصہ کے لیے کروائی اس نے کل کتنی رقم گاڑی کی تفاظت کے طور پراواکی اگر اس نے مبلغ شرح ہے 5 سال کے عرصہ کے لیے کروائی اس نے کل کتنی رقم گاڑی کی تفاظت کے طور پراواکی اگر اس نے مبلغ محاوضے کے طور پروصول کیے ہوں جبکہ مالیت میں کی 100,000 سالاند ہے؟
  - 3.25 فریال نے اٹی کاڑی کی ایک انشورنس پالیسی 3.25 سالانہ کی شرح سے 3 سال کی مدت کے لیے کو وائی۔ اس کاپہلا پر میم 26000روپ ہے۔ اس کی کاڑی کی مالیت کیا ہوگی ؟اس کا دوسرا اور تیسرا پر میم بھی معلوم کریں۔
- 4. عرفیام نے اپنے گرمالین 75,00,000روپے کی انثور نس بشر ج 20 مالانہ کے حماب سے عرصہ الله کے کے لئے کو وائی اس نے عرصہ اللہ میں کل کتابر بیم اواکیا جبکہ مکان کی مالیت میں 100 مالانہ کے حماب کے واقع ہوئی ہو؟ .
- ۔ شفیق نے اپنی و کان کی انشورنس 3% سالانہ کے حساب سے عرصہ 3 سال کے لیے کروائی۔ جبکہ مالیت میں کی کی شرح 6% کے ہے۔ اگر اس نے پہلا پر یمیم 21000 روپے اداکیا ہو تو اس کی دکان کی مالیت معلوم کریں۔ اگر اس نے دوسال بعد 2000,000 روپے کا کلیم وصول کیا ہو تو اسے کمتی مالیت کا فائدہ حاصل ہوا؟
- 6. عمران نے ایک جالوکاروبار 10,00,000 میں خریدا۔ اس نے اس کو 2.5 کی شرح سے عرصہ 4سال کے لیے انشور نس کروایا۔ 3سال کے بعد اس نے 500,000روپے کا کلیم وصول کیا۔ عمران نے نقصان کے ازالہ کے طور پر اواشدہ پر بمیم کے مقابلہ میں کتا فاہدہ حاصل کیا؟

(Gross Income) كل آمدن 6.4

کل آمدن سے مرادایک آمدن ہے جو ایک مخفل مختلف مدات مثلا سخواہ الاولس، خصوصی سخواہ وغیر و کے مجوعے کے طور پر ایک سال کے عرصے کے دوران وصول کرتا ہے۔

# پاکتان کے ایک مالی سال کے بجد میں تجویز کردوائم فیس کا نمیل

شرح قيس	سالانه آمدني
0%	80.000 كَتْ مَا بِلْ تَكِس آمد ني
7.5%	80,000 ك 150,000 ك قابل تكس آمدني
12.5%	150,000 ك تك تابل تيس آمدني
20%	300,000 = 400,000 كن تابل ليكس آمدني
25%	400,000 = 700,000 كن قابل فيكس آمدني
35%	700,000 ساوي قابل تيكس آمدني



جتنی آمدنی پر کیس 0 ہے وہ ربیبٹ ہے۔

ایک فخص کا کم عیس 12.5% کی شرح ہے معلوم کریں۔ جس کی خالص سالانہ آمدنی :2 الثم 1,78,000 روپے ہے جبکہ عیس ٹیل ریبیٹ80,000 روپے ہو۔ سالاندآمدني 178,000 \_\_\_\_\_ فيكس ميس ريبيث 80,000 = تابل تيس آمدني 178000-80000=980004-1  $=\frac{125}{10 \times 100} \times \frac{98000}{1} = 12250$  =  $\frac{125}{10 \times 100} \times \frac{98000}{1} = 12250$ مثال 4: ایك شخص كی سالاندآمدني روي 2,85,000 ب-اس كاركم قيس معلوم كرين-اگراس في 7125روپ يطورز كوة اور2000روپ دولت كيس كے طور پراداكيے عول - جبك ريبيث كى رقم 80,000روپ موجبك ائكم فيكس كي شرح حسب ذيل ہو۔ م 150,000 دو چې کي 7.5% كل سالاند آمدني روبے 285000 دولت فيكس روبے 2000 رد ہے 7125 قابل فيس آمدني رد لے (285000-(2000+7125) رر بے (285000 - 9125) رد کے 275875 روبے 80000 قابل فيس آمدني روپے 195875-80000) چاہ تاہے۔ يلے 70,000 پائس  $\frac{7.5}{100} \times 70,000 = 5250 4 \text{ m}$ بقاما قابل فيكس آمدني (19587570,000)=1258752) بقايار قم پر قيلس  $\frac{12.5}{100} \times 125875 4$ 1 × 125875 4 11 15734.3754. رد ہے 15734 فيس كى كال رتم (5250+15734) ردے 20984

## يحيل سوالات

خالی جگه موزوں ترین اعداد دالفاظ ہے پر کریں۔ منافع کی صورت میں قبت فروخت قبت خریدے ہوتی ہے۔ (i) نقصان کی صورت میں قیت خرید، قیت فروخت سے ہوتی ہے۔ (ii) اگرایک دکاندار 2 چزوں کے بدلے 1 مفت دے تو خریدار کو \_\_\_\_\_ فی صد بجت ہو گا۔ (iii) اگرایك چيز كى درج شده قيت 600روپي بررعائيت 15% مو تورعائيتي قيت مولگ-(iv) اگرایك دكاندار في اصل قيت 500رويد كوكاث كر450رويدر عائيتي قيت درج كي جوتودكاندار (v) نے نی صدریسی وی۔ ہمہ دار کی عمر بڑھنے کے ساتھ تکمیلی مدت میں ہوتی ہے۔ (vi) بيد دار كوكارى انشورنس ياليس ك آخرى سال ميس يريميم اواكر ناپرتاب (vii) یمہ دار کوانشورنس پالیس کے پہلے سال کا \_\_\_\_ پر میم ادا کر ناپڑتا ہے۔ (viii) جائداد كى خريدوفروخت ميں مدودين والے شخص كواداكى محى رقم (ix) 5لاكاروب مين فروخت بون والے مكان ير 2% كے حساب سے كيشن ايجن كو \_\_\_\_\_روب ليس كے\_ (x) مخضر جوالي سوالات (خود كرير) .2 يريم كى تعريف كري-(1 تکمیلی مدت کی وضاحت کریں۔ (2 ائكم فيكس كي تغريف كرين \_ (3 خالص آمدن کی تعریف کریں۔ (4 ریسٹ کے کتے ال (5 انشورنس کی تعریف کریں نیزاس کی اقسام بیان کریں۔ (6 كثير الامتخالي سولات .4 مرسوال ك4 مكنه جوابات دي محي بين محيح جواب كے ليے استعال ہونے والے حرف سوال كے سامنے دى محي جگه رکھے۔ 100كا 100 في صديرابر موكا (i)

(a)

(b)

10

(c)

100

(d)

1000

# مشق 6.4

مندرجہ ذیل جدول کو مخلف آمدنی کے درجات کے مطابق مکل کریں۔ جبکہ اٹم ٹیکس مندرجہ بالاجدول میں دی می شرحوں کے مطابق معلوم کیا جائےگا۔

أكلم فيكس	قابل نيكس آمدني	رىيىٹ%0.2	فيكس جيوث	مالاندآ مدنى	مابانة آماني	
	NO SA			4	Rs 23530	(i)
			ST		Rs17890	(ii)
			71		Rs24500	· (iii)
					Rs12000	(iv)
					Rs10500	(v)
	7 7 7 1 1 1				Rs40,000	(vi)
	3.415.0				Rs50,000	(vii)
					Rs65,000	(viii)
				include:	Rs75,000	(ix)
					Rs100,000	(x)

### معروضي سوالات

ورست/فلابيانات	-1
ورست بیانات کے سامنے "۲" اور فاط بیانات کے سامنے "۴" کھیے۔	
قِت وريد - قيت فردفت = خالص نفع	(i)
منافع + تبت فريد = تبت فرودت	(ii)
$\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 w}{\partial$	(iii)
100× نتسان تیت فرید	(iv)
كسى شے كى كلى بوكى قيت پر رعائية كميشن كسلاقى ب-	(v)
كيشن ايجك محى جائيداد كى فروخت يرايك عى پارنى كيشن وصول كرسكتاب-	(vi)
محى كازى ياجائداد كى زىد كى كايمه كراياجاتا ہے۔	(vii)
بیر دارے پہلا پر میم صرف ایک ماہ کالیا جاتا ہے۔	(viii)
مد تك كى محيل كك ييد وار في الركوكي رقم والين ندلى موكى موقواس كى دى كان رقم ضائع جا	(ix)

الكم فيكس خالص آمدنى عي لكا باجالا ب-

(x)

-43

# (Algebra) الحيرا

بونٹ VII

## اس يون مين بم يكسين ع:

- من خطوط وحداني يرمشمثل الجبري كالخضار
- 💠 الجبري جملوں کی قبتیں معلوم کرنا
- ن درجه 4 تك كى كثير رقسول كى جع و تفريق
  - 💠 درجه 4 تک کی کثیر رقموں کی ضرب
- مرد درجه 4 تك كى كثر رقبول كى درجه 2 تك كى كثر رقبول ير تقيم
  - من درج ذيل كليات اخذ كرنا
- $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ (i)
  - $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$
  - $(a+b)(a-b) = a^2 b^2$ (iii)
  - ن ورج ذیل طرز کے الجبر جملوں کی تجزی کرنا

 $\Rightarrow a^2 \pm 2ab + b^2$ ka + kb + kc

 $\Rightarrow x^2 \pm px \pm q$ 公  $a^2-b^2$ 

دو متغیرات میں ایک درجی مساوات کا تصور

- من دومتغیرات میں ایک درجی مساوات کی متر ادف مساوات کا تصور
  - مراومساواتون كاحاصل

 $a_1x + b_1y = c_1$ 

 $(a_1b_2 + a_2b_1 \neq 0)$ جكه  $a_2x + b_2y = c_2$ 

دوہمزاد ماواتوں کے ذریعے روز مرہ زندگی سے متعلقہ سوالات حل کرنا مجھیلی جماعتوں میں ہم نے الجبری جملوں ، ہم قتم اور غیر ہم قتم رقوم ، آسان الجبر جملوں اور کثیر رقبیوں کی جمع الفراق ضرب اور تقتيم كے عوامل كرنا يكھال

20 كاجذر 20 براير بوكار (ii) (a) 20 (b) 40 (c)

(c)

-8×11,20% ×20% £20 (a) 20 (b)

الك يرار في ويلر في 1 الا كومين الك مكان كاسوده كروا بااور 19 ووطر فد كيش طع كي-

(iv)

(d)

(a) يا5,000 (b) يې 30,000 (c) درې (a) ما5,000 (b) 20,000روپے (d)

ايك فيكفرى كامالك اين مصنوعات يركهمي موكى قيت ير دكاندارون كو 10%كيشن ديتاب اور نقذ ادائيكي كي صورت میں بقایار قم 5 کیش و یتا ہے۔ ایک چیز کی قبت 1000رو ہے ہے۔ نقد اوالیگی پراس کی قبت

(a) 2000روپ (b) کاروپے (b) (c) 2,800 (d) 2,855

ایک پرایرٹی ڈیلر 100,000رو بے کی جائیداد کو 3 مرتبہ 16 کیشن پر مر کاب کو 100,000رو سے میں ای

فرخت کرے اور دونوں طرف ہے کمیشن وصول کرے تواس کی کل کمیشن ہوگا۔

(a) 3000 (b) 6000 (c) 4000 (d) 5000

ایک دکاندار 4 چزول کے ساتھ ایک چز مفت دے تو کابک کو فائدہ ہوگا۔ (vii)

(a) 25% (b) 20% 15% 33%

x+y اورط+ في آيس مين ضرب جله 7x-(5x-4y)-6x+8y-5x و مختر کھے۔ :100 حل: 7x-(5x-4y)-6x+8y-5x 7x-(5x-4y)-6x+8y-5x = 7x(5x-4y)-x+8yالك جيى رقوم اكفاكرنے -=7x-(5x-4y)-x-8y=24 =7x-5x+4y-x-8y= = == الك جيسى رقوم اكثما كرنے سے (4-8)y+(7-5-1)= مثال 2: بمله [(x-2y-[4x-6y-{3x-z+2(2x-4y-z)} ومثال 2: بمله x-2y-[4x-6y+[3x-z+2(2x-4y-z)]]x-2y-[4x-6y-{3x-z+2(2x-4y+z)}] = 2t; \*2y-[4x-6y-{3x-z+4x-8y+2z}] = in ( {} ميں الك جيسى رقوم المفى كرنے = [{x2y-[4x-6y-{7x+z-8y} x2y-[4x-6y-7x-z+8y] - ¿ ! []  $\times 2y - [-3x + 2y - z]$ ایک جیسی رقوم اکٹھا کرنے ہے = \*\*\*2y+3x-2y+z = ¿ #[]

# مشق 7.1

مخفر کھے۔

ایک جی رقوم اکٹا کرنے سے

1. 5x-(7z-8y)-3x+5y-4z 2. x-2y-(x-2z)-{2y-x-(2z+x)} 3. x-y-{x-y-(x+y)-x-y} 4. a-2b-{2a-4b(3a+c)+(2a-b-5c)} 5. a<sup>2</sup>-[a<sup>2</sup>-{a<sup>2</sup>-(b<sup>2</sup>-c<sup>2</sup>+a<sup>2</sup>)-b<sup>2</sup>]

=4x-4y+z

```
آئے ابان کے بارے میں مزید یکھیں۔
                                                               7.1 بريك والالجبري جملون كالخضار
     (Simplifying Algebraic Expressions Involving Brackets)
               جیاے حساب میں بریک اندروالی تمام رقوم ایک ہی مقدار کوظا ہر کرتی ہیں۔ای طرح الجبر میں جملوں کے اختصار
                                                                     کے لیے بریکوں کا استعال کیاجا تا ہے۔
                                                پریک کی درج ذیل اقسام عام طور برزیراستعال ہیں۔
                                                         Eder to (Vinculum)
                                                   قوی ریک (Parenthesis)
                                                    (Braces) دند سردار یک داریک
                                             (Square brackets)
    جس الجرى جليين بريك كلي مول اح فقركر في ك لخضرورى بكريك باع جائين-
                              بريك بنان كيلي مندرجه ذيل أوانين استعال كي جاتے بين-
          اگردویادو نے زیادہ تم کے بریک بوتواندرونی بریک کوسب سے مملے تم کیاجائے گا۔ ہی
                               پس ،( )، { }اور { } كوبالرتيب فتم كياجاتاب-
   الرسمى بريك _ يبلي+ كى علامت بوقة جمله مي كوقتم كاتبد يلى كي بغير بريك بال عامة جات إلى
                                                                                    (ii)
                                     3x^2 + (5x - x^3) = 3x^2 + 5x - x^3)
اگر کی بریکٹ سے سیلے __ کی علامت ہوتو بریکٹ کے اندر بررقم کی علامت تبدیل (+ سے-اور--
                                           ے +) کر کے بریک بٹائے ماتے ہیں۔
                                  2x^2 - (x - y) = 2x^2 - x + y)
         اگر کوئی مقدار بریک سے پہلے کھی ہوتواس مقدار کو بریکٹ کے اندر بررقم سے ضرب دی جاتی
                                                a(x +y) = ax + ay
       اگردوبریکٹول کےدرمیان +،--یا+یس ےکوئی بھی علامت نہ ہوتواس کامطلب ہے کہدونوں
                                                                                   (v)
                                             جلوں کوآپی میں ضرب دی جائے گا۔
                                           مثلا (a+b)(x+y) كامطلب ع-
```

$$\frac{1}{x^{3}y^{3}+y^{3}z^{3}} = \frac{1}{x^{3}y^{3}z^{3}} = \frac{1}{x^{3}y^{3}z^{3}} = \frac{1}{z^{3}} = \frac{1}{$$

# مشق 7.2

(i) 
$$10xy+6yz7zx$$
 (ii)  $y^2+z^2-x^2+2yz$  (iii)  $y^2+z^2-x^2+2yz$  (iii)  $x^3+y^3+z^3-3xyz$  (iv)  $x(y+z)+y(z+x)+z(x+y)$  (v)  $x(y+z)+y(z+x)+z(x+y)$  (v)  $x(y+z)+y(z+x)+z(x+y)$  (vi)  $\frac{x}{y}+\frac{y}{z}+\frac{z}{x}$  (vii)  $\frac{xy}{z}+\frac{yz}{x}+\frac{zx}{y}$  (viii)  $\frac{x^2}{y^2+x^2}+\frac{yz}{x^2}+\frac{z^2}{x^2}$  (xi)  $\frac{x^3-y^3}{x^2+xy+y^2}$  (xi)  $\frac{x^2+y^2}{x^2+x^2}+\frac{z^2}{x^2}$ 

6. 
$$a-[(2-a)-[3-(a-a^2)]-a-(a^2-a^3)]$$

7. 
$$-x-[3-(x-3-x)+(x+(3-x-3))]$$

8. 
$$3x^2-2(y^2-x^2-z^2)-3\{(x^2-y^2+z^2)-x^2-y^2\}$$

9. 
$$2x-3[{3x-(x-y-3)}+5{4x-2(3y-4+x)}]$$

7.2 الجبرى جملوں كى قيمتيں معلوم كرنا

#### (Evaluating Algebraic Expressions)

3x4-3x2+5x اور 3x4-2x3 جود سي ع-2-2x4 قر ال ال كراب :4010  $[\{(3x^4-3x^2+5x)+x^4-2x^3+3x-5)\}-(2x^4+3x^3-2)]$ عل:

 $= 4x^{4}-2x^{3}-3x^{2}+8x-5-2x^{4}-3x^{3}+2$ 

 $= 4x^{4}-2x^{4}-2x^{3}-3x^{3}-3x^{2}+8x-5+2$ 

 $= 2x^4 - 5x^3 - 3x^2 + 8x - 3$ 

### 7.30

عل کھے۔

(i) 
$$(9x^3-5x^2y+3xy^2+y^3)+(-11x^3+7x^2y-8xy^2-5y^3)$$

(ii) 
$$\left(\frac{1}{7}x^4 + \frac{3}{7}x^2 - 1\right) + \left(\frac{1}{6}x^3 + \frac{4}{7}x^2 - \frac{2}{7}x + \frac{8}{7}\right)$$

(iii) 
$$(y^3 - y^2 - 5) - (6y - y^2 + 9 + 5y^3) + (2y^3 - 7y - 4)$$

(iv) 
$$4x^4 - \{3x^2 + (2x-3) - 5x^2 - 9(3x^2 + 5x)\}$$

(v) 
$$6-x^2-\{4x-3(x^2-2)-6x-3\}$$

(vi) 
$$4x^4-3x^3+[(2x-1)-(3x^2+5x-2x)+2]$$

$$-2$$
 -  $\times^3 + \times^2 + x - 4$  (i)  $-2$ 

$$x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{4}x^2 + \frac{1}{3}x - \frac{7}{2} = \sqrt{\frac{1}{2} - \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}x^2 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{3}{4}x^4}$$
 (ii)

#### 4 درجه تك كى كثير رقمول كى ضرف 7.4

(Multiplying two Polynomials of degrees up to 4)

دو کثیر رقبیوں کی ضرب کرتے وقت ایک کثیر رقمی کو ایک بی رقم تصور کرتے ہوئے دوس ی سے ضرب دیے ہیں۔

4درجه تک کی کثیر رقبول کی جمع اور تفران 7.3

(Adding and Subtracting Polynomials of degrees upto4)

-U1834x3-3x2+15+9117x3+5x2-11x+2 :1000

ہم دونوں کثیر رقبوں کو عمودی شکل میں اوپر تلے لکھ کر جمع کرتے ہیں۔

م فتمر قول كاعدد كام تع كے جاتے ہیں اور عددی سرول کے مجموعہ ہے متغیر کو ضرب دی جاتی ہے۔

 $7x^3 + 5x^2 - 11x + 2^{-1}$  $4x^3-3x^2+15x+9$  $11x^3+2x^2+4x+11$ 

عملی کام میں جمع کا عمل افتی شکل میں انجام دیناز بادہ آسان ہے۔ مندرجہ بالا کثیر رقبیوں کو جمع کرنے کیلیے ہم ایک جیسی رقوم كى كرووبندى يول كرت يل-

$$(7x^{3}+5x^{2}-11x^{2}+2)+(4x^{3}-3x^{2}+15x+9)$$

$$=(7x^{3}+4x^{3})+(5x^{2}+3x^{2})+(-11x+15x)+(2+9)$$

$$=(7+4)x^{3}+(5-3)x^{2}+(11+15)x+11$$

$$=11x^{3}+2x^{2}+4x+11$$

$$=(7+3)x^{2}+(2+3)x^{2}+3x^{2}+4x+11$$

$$=(7+3)x^{2}+3x^{2}+3x^{2}+3x+11$$

$$=(7+3)x^{2}+3x^{2}+3x+11$$

$$=(7+3)x^{2}+3x+11$$

$$=(7+3)x^{2}+3x$$

2x3-12x2+9x-2 و 12x3-7x2+5x+1 میں ہے تفریق کریں۔ مثال3:

عمودی صورت میں لکھنے ہے

تفريق ہونے والے جملے كى علامات تبديل كركے جع كيا-

 $9x^3-7x^2+5x+1$  $\pm 2x^3 \mp 12x^2 \pm 9x \mp 2$  $7x^3 + 5x^2 - 4x + 3$ 

# 7.4 شق

مخفر يجي

1. 
$$(x + 2y)(x^2 - 3y^2)$$
  
3.  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$ 

2. 
$$(4x^2-y^2)(5x+2y^2)$$

$$(x^2 + xy + y)(x^2 - xy + y)$$

4. 
$$(34x + x^2)(5x^2 + x - 2)$$

5. 
$$(x^3 + 4x^2 - 5x + 1)(2x^2 + x - 1)$$

6. 
$$(ax^3 + bx^2 + cx + d)(px + q)$$

7. 
$$(4x^3-5x^2y+7xy^2-8y^3)(3x-5y)$$

8. 
$$(7x^3-x+11)(2x^2-9)$$

9. 
$$(5x^4 + 3x^2y^2 - 7xy + y^4)(5x - 7y)$$

10. 
$$(a^2x^2 + b^2y^2 + c^2z^2)(ax + by - cz)$$

11. 
$$(x^3 + 2x - 5)(5x^3 - 2x^2 + 7x + 4)$$

12. 
$$(5x^3-4x^2-3x+1)(-x^3+3x^2-1)$$

13. 
$$(3x^4 + x^2 - x + 2)(5x^3 + 3x^2 - 2x - 3)$$

14. 
$$(x^4 + x^2y^2 + y^4)(x^4 - x^2y^2 + y^4)$$

Dividing Polynomials (of degrees upto 4)by Polynomials (of degrees upto 2) 4 در بی کثیر رقمی کی ایک در بی مادود رجی کثیر رقمی پر تقتیم ای طرح کی جاتی ہے جیسا کہ ہم ساتوس جماعت میں 3 درجی کثیر ر فی کویک درجی کیشر رقی پر تقیم کرنا بی علے ہیں۔

آیے اس کا اعادہ کریں۔

x-25x2-12x+20

: 1 dia

$$\frac{x^2}{x} = x$$

$$x(x-2) = x^2 - 2x$$

$$\frac{-10x}{x} = -10$$

$$-10(x-2) = -10 x + 20$$

$$\begin{array}{c}
x-10 \\
x^2-12x + 20 \\
\pm x^2 \mp 2x \\
-10x + 20 \\
\hline
\pm 10x \pm 20 \\
0
\end{array}$$

ا اگریاتی میں تقسیم کنندہ ہے کم درجے کی کثیر رقی مامفر آجائے تو تقسیم کا عمل رک جاتا ہے

1- Xاور 1+ X++ X عاصل ضرب معلوم كري-:100

ام X2+x+1 كوالك في رقم تصور كرس كا\_

 $(x-1)(x^2+x+1)=x(x^2+x+1)-1(x^2+x+1)$  $=x^3+x^2+x-x^2-x-1$ 

دو کیٹر رقمیوں کو ضرب دینے لیے پہلی کیٹر رقی فی ہر قم کودوسری کیٹر رقمی سے ضرب دیں اور بریک ہٹا کرایک جیسی ر قوم اکشی کری۔

ضرب كابه طريقة كثير رقبول ع ضرب كى افتى شكل كملاتا ہے۔

كثرر تيون كي ضرب كاايك اور طريقه يدكد دونول كثير رقيول كواوير تلي ركة كرضرب دى جاتى ب جيها كديني دى محنى مثال میں کا گیا ہے۔

مثال 3: 1-5x<sup>3</sup>-7x<sup>2</sup>+3 $\sqrt{4}$ x<sup>4</sup>+3x<sup>3</sup>+5x<sup>2</sup>-1 ضرب دی

 $4x^4 + 3x^3 + 5x^2 - 1$ 

 $X 5x^3 - 7x^2 + 3$ 

 $20x^{7}+15x^{6}+25x^{5}$  $-5x^{3}$ 

-28x6-21x5-35x4

 $+7x^{2}$ 

 $12x^4+9x^3+15x^2-3$ 

 $20x - 13x^{6} + 4x^{5} - 23x^{4} + 4x^{3} + 22x^{2} - 3$ 

#### جو میٹری (Geometry)

### يونث ااا٧

اس بونٹ میں ہم مکھے گے:

- مسائه في غورث كابيان اس كاغير رسمى ثبوت اوراستعال-
- مثلثی اور چو کور وی علاقہ کارتبہ معلوم کرنے کے لیے ہیر و فار مولاکا بیان اور استعال ۔
  - 💠 بیلن کی سطع کار قد اور بیلن کا تجم معلوم کرنا۔
  - ♦ خروط كى سطع كارقبه اور مخروط كا عجم معلوم كرنا۔

الله تكليل (Construction)

- م ایك قطعه خط كود ي م چند برابر حصول ميل تقتيم كرناد
- ن ايك قطعه خط كود ي مح يند نبتى حصول مين تقتيم كزنار
- د ایی شلث بنانا جس کااحاط اور اضلاع کی مقدارول میں نسبت دی می موج
  - \* مسظم ، مخس مدى اور مثن كى تصور
  - \* منسظم، مخس، مبدس اور مثمن كي تفكيل-
    - \* مر بع اور معین کے ور وں کی تعریف۔
  - ♦ مر لع اور معین کے وتروں کی خصوصات
- ب مر بع اور معین کی تفکیل ، جبکه ان کے وتروں کی مقدارین دی گئی ہوں۔
  - ب سئله فيثا غورث (Pythagorus Theorem) مئله فيثا غورث

سئله فيثا غورث جيوميرى مين بنيادى حيثيت كاحاصل بـ2500سال قبل ايك يونانى رياضى دان 

فتاغورث نے در مافت کیااس کی در مافت کاخیال اے دریائے نیل کی چوڑائی کی بیائش کے ایک فاص طریقے ے آیا۔ معری دریائے نیل کی چوڑائی کی پیائش ایک زنجروں سے بن ہوئی خاص قتم کی قائمتہ الزاویہ شلث كىدوے كرتے تھے۔ جس كے اضلاع ميں 3:4:5 ہوتی تھی۔

-U5 2x+358x3+16x2+8x+3

مثال2:

 $8x^3 + 2x = 4x^2$  $4x^2(2x+3) = 8x^3 + 12x$  $4x^2 + 2x = 2x$  $2x(2x+3) = 4x^2 + 6x$ 1(2x+3) = 2x+3

 $8x^3-16x^2+8x+3$ 2x + 3 $\pm 8x^3 + 12x^2$  $-4x^{2} + 8x$  $\pm 4x^2 \pm 6x$ 2x+3 $\pm 2x\pm 3$ 

مثق 7.5

پہلے جملے کوروس سے جملے پر تقسیم کیجیے۔

1.  $(5x - 2x^2 + x^3 - 24) \div (x - 3)$ 

2.  $(3x^3 + x - 2 + x^2) \div (3x - 2)$ 

3.  $(6x^3 + 7x^2 + 5x + 2) \div (3x + 2)$ 

4.  $(10x^3 - x^2 - 17x - 4) \div (5x + 2)$ 

5.  $(12x^3 - 28x^2 + 13x - 3) \div (2x + 3)$ 

6.  $(3x^4 + 13x^2 + 5) \div (3x^2 + 1)$ 

7.  $(2x^3 - 2x^2 + 3x + 6) \div (x^2 - 1)$ 

8.  $(x^4 - 1 + x) \div (x - 1)$ 

9.  $(6x^4 + 5x^3 + 2x^2 - x + 2) \div (3x^2 - 2x + 1)$ 

10.  $(8x^4 + 14x^3y - 23x^2y^2 - 14xy^3 + 15y^4) \div (2x^2 + 3xy - 5y^2)$ 

7.6 فارمو لے اخذ کرنا (Establishing Formulae)

فار مولے الجبرے میں انتہائی اہم کردار اداکرتے ہیں ان کی مددے ضرب کا عمل کے بغیر نتائج لکھے جا سکتے ہں۔جو فار مولے ہم اخذ كريں گے ان ميں ضرب كاعمل موكا-

آئے ہم چند فار مولے اخذ کرتے ہیں۔

 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x = ab$ : (a)

ضلع a ك مر لع كار قبه a = ضلع 6 کے مر لع کار قبہ 26 ے ضلع کے مر لع کار قد 2 ے

ہم دیکھ کتے ہیں کہ ضلع والے مر بع كارقبه ضلع aاور ضلعط والے مربعوں کے رقبوں کے مجموعہ کے برابر ہے۔ رس ابت بوا 2+b2 ( قاعده ) + ( عود ) = (وتر)

8.3 مسئله فيثاغوزث كااستعال

(Application of Pythagoras Theorem)

کسی قائمۃ الزاور مثلث کے کوئی ہے دواضلاع کی لمبائیاں دی مجی ہوں توسئلہ فیٹا غورث کااستعال کرتے

ہوئے ہم تیرے ضلع کی اسائی معلوم کر سکتے ہیں۔

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$a^2 = c^2 - b^2$$

$$b^2 = c^2 - a^2$$

مثال 1: سامنے دی گئی مثلث کی شکل میں ضلع AB کی اسائی معلوم کیجے۔

 $m\overline{AB} = x$ ن ز فرن کا

(مسله فداغورث کی روے)

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$
 (: $m \angle C = 90^0$ )

c = x, a = 5cm, b = 12cm

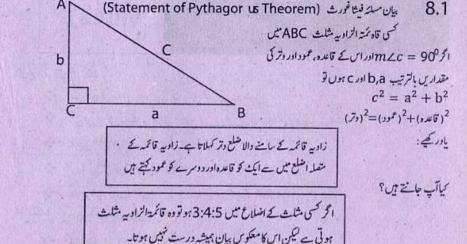
$$1x^2 = 5^2 + 12^2$$

$$1x^2 = 25 + 144$$

$$1x^2 = 169$$

$$x = \sqrt{169} = 13cm$$

$$m\overline{AB} = 13cm$$



مئلہ فیٹا غورث کاغیر رسمی ثبوت (Informal Proof of Pythagorus Theorem) 8.2 ہم اے ایک سر گری کے ذریع فابت کریں گے۔

سر کری: سامان: گتر فیخی رنگدار پنسلیس یاند

مدادج عمل:

الك قائمة الزاويد شلث ABC باليس جس ميس (i) EURIDI MLC = 900 افساع کی لسائیاں بالترتیب b,a اور عفرض کرس (وتر کی لسائی عاوگی)

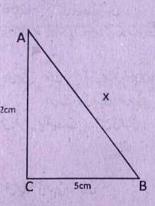
شاد کے تینوں اضلاع یروی محی شکل کے مطابق (ii) c,b,a اضلاع کے مر سے بنائے۔

عِ كَد 4:5:c=3:4:5 في a:b:c=3:4:5 (iii) 5 برابر حصول میں تقتیم کیجے۔

وی گئی شکل کے مطابق مر بعوں کو مستقلیلی پیٹوں میں تقسیم کریں۔اوران پٹوں میں مختلف رنگ مجر دیجیے۔ (iv)

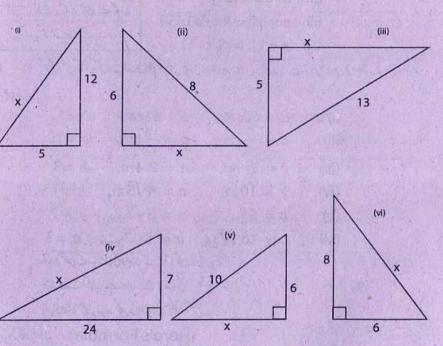
> اب قینی لیجے اور احتیاط نے a اور b ضلع والے مربعوں کو کاٹ لیجے۔ (v)

اب b ضلع والے مر اح کی مستطیلی ٹیال کاٹ لیجے اور عظع والے مر اح میں ضلع والا مر اح اور بد مستطیلی (vi) یٹماں دی گئی شکل کے مطابق سٹ کرلیں۔



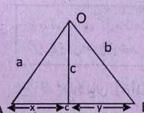
# مشق 8.1

دی گئی قائمۃ الزاویہ مثلثوں میں دودواضلاع کی البائی (سم) میں دی گئی ہے۔ ہر ایک میں تیسرے ضلع کی البائی معلوم کریں؟ (مثلثیں سکیل کے مطابق نہیں بنائی گئیں)



- ايث مسادى الساقين قائمة الزاويد شلث مين وتركى لسائى 982سم بدرابر (متماش) منطول كى لسائى معلوم كرير-
  - 3. ایک 10میٹر لبی میٹر حی دیوار کے ساتھ کھڑی کی گئی ہے۔ میٹر حمی کانجلاس ادیوارے 6میٹر دوز بین پر لگا ہوا ہے۔ ایک کی نامین سے اب کہ کنٹر ناصل میٹر حمی کان میلان میلان کے جھی اسام 2
    - بتائے کد زمین سے اوپ کتے فاصلہ سیر حی کااور والا سراد یوار کو چوار ہاہ؟
      - 4. ایک شلث ABC میں

 $\overline{AB}$  ہے۔  $\overline{AB}$  ہے اور  $\overline{AB}$  = 7.2cm ,  $\overline{mBC}$  = 2.1cm ہیائی معلوم کریں  $\overline{AB}$ 



را سنے دی گئی شمل میں ہبت کریں۔  $a^2 - x^2 = b^2 - y^2$ 

ایک 2.5میٹر لجی سے می دیوارے لگائی گئے۔ اگر اس کا بالائی سراددیوارید2 میٹر کی بلندی تحت پہنچے توسیر حی کے بائے کا دیوار سے فاصلہ معلوم کیجے۔ فرض كياسير حى كے يائے كاديوارے فاصلـ X ب  $m\angle c = 90^{\circ}$  ,  $c^2 = a^2 + b^2$  =  $a^2 + b^2$ c = 2.5m , a = x . b = 2mبيال  $a^2 = c^2 - b^2$  $\Rightarrow x^2 = (2.5)^2 - (2)^2 = 6.25 - 4$  $\Rightarrow x^2 = 2.25$  $\Rightarrow x = 1.5 m$ ایک مستطیل کیت کاطول20میر اوراس کے ور کی لبائی 25میر ب-اس کار قبہ معلوم کیجے۔ فرض کما کست کی چوڑائی×میٹر ہے۔ : 0 مئله فيثاغورث كي روي  $b^2 = a^2 + c^2 \cdot m \angle B = 90^0$ b = 25m, c = x, a = 20mبال  $(25)^2 = x^2 + (20)^2$  $x^2 = (25)^2 - (20)^2 = 625 - 400 + 225$  $x^2 = 225 \Rightarrow x = \sqrt{225}m \Rightarrow x = 15m$ 15m = متظیلی کیت کی جوزائی 201 = متطلى كيت كي لماني 15m × 20m = يوزال × لمالي = منظيل كفيت كارتب 300m² = کیت کارتہ غال:5 الك مر فع كليت كارتبه 14400m -اس کے وز کی اسائی معلوم کیجیے، ل: فرض كما كليت كے الك ضلع كى لمائي= X  $x^2 = 14400m^2$ x = 120 mض کاوتر کی لمائی= c  $-c^2 = x^2 + x^2 \Rightarrow c^2 = 2x^2$ ستلہ فیٹاغورث کے روے)

 $= 2 \times 14400m^2 \Rightarrow c = \sqrt{2 \times 14400}m \Rightarrow c = 120\sqrt{2}m$ 

# فسيفريض الببلي كيشز كي مطبوعات

### الله تعالى كفنل وكرم يجميل قرآن مجيدكي اشاعت مين كي منفر داعز از حاصل بين \_

الدوت اورفهم قرآن مجید کوانتهائی آسان بنانے والانسخ لفظی اور بامحاورہ ترجمہ کیساتھ،
 مختلف رگوں میں دستیاب ہے۔ اب قرآن حکیم پڑھنامشکل نہیں رہا۔
 معمولی اُردو پڑھنے والے بھی آسانی ہے قرآن حکیم کی تلاوت کر سکتے ہیں۔
 حفاظ کرام کی آسانی کیلیے متنا بہات کے ساتھ قرآن حکیم کی اشاعت۔

A translation of the Holy Quran -4 in simple, idiomatic English

#### KANZUL-IMAAN

By: Agib Farid alQadri NOOR-UL-IRFAAN -3
with the English Translation of
KANZUL-IMAAN

By: Moulana Mohammad Hoosain Mukaddam

5- القرآن الحكيم براموي عنى كنزالايمان (براموي زبان)

6- القرآن الحكيم في ترجمة كنزالايمان (پتوزبان)

7- بیاضی قرآن حکیم کی اشاعت کامنفرداعزاز۔

8- مبتدى كيلي جديدانداز من مختلف ركون من رصاني قاعده تجويدي قواعد كيساتهد

9- شرح اساء الحسنى مع شرح اساء المصطفى الطيقية اليك كتاب ميس يكجاب

10- سيرت النبي الطيحة كى روشى مين مصطفائى معاشره كى تشكيل - (مقالات يمينار)

11- ني اكرم عين كاسوة حنداورتعليمات كى روشى مين احترام آدميت \_ (مقالات يمينار)

21- حضرت امام اعظم البوحنيف وتقاليك كافتهى بصيرت اوراسلام معاشره كي تشكيل جديد - (سقالات سيمينار)

13- نفحات سيرت بروفيسر ذاكرا احاق قريش

14- نفحات تصوف بدوفيسرذاكراسحاق قريثي

15- نماز سنت نبوى كَ وَتَنْ مِن (سوالاً جوابا)\_

16- شرح عقائدتني

$$= \frac{20}{2} = 10 cm$$

$$\Delta ABC = \sqrt{10(10 - 8)(10 - 6)(10 - 6)}$$

$$= \sqrt{10 \times 2 \times 4 \times 4}$$

$$= 2 \times 4\sqrt{5}$$

$$= 8\sqrt{5} cm^{3}$$

# مثق 8.2

1. ایک شاف کے اضلاع کی مقدار 53m,60rg او 111m بین اس مشاقی علاقے کار قبر معلوم کریں۔

2. مندرجه ذيل اضلاع والى مثلثون كارتبه معلوم يجيه

(i)13cm, 14cm, 15cm (ii)5cm, 12cm, 13cm (iii)103cm, 115cm, 13cm

3. اگر شائه AB کے راسول B, A اور کے متقابلہ اضلاع کی مقداریں بالترتیب b, a اور ک ہوں اور مثلث کا اعلاء کے وقد نیچے ویے گئے ہم سوال میں مطلوبہ مقداریں معلوم کیچے۔

(ii)  $a = 10m, b = 8m, s = 12m, c = ____, \Delta ABC = _____$ 

(iii)  $a = 3cm, s = 9.5cm, c = 9m, b = ____ \Delta ABC = ____$ 

(iv)  $a = 3.5 dm, b = 2.5 dm, c = 4.5 dm, s = ____ <math>\Delta ABC = ___$ 

# قوى ترانه

پاک سر زمین شاد باد کشورِ حسین شاد باد تو نشانِ عزمِ عالیشان ارضِ پاکستان!! مرکزِ یقین شاد باد

پاک سر زمین کا نظام قوتِ اخوتِ عوام قوم ، مُلک ، سلطنت پائنده تابنده باد شاد باد منزلِ مُراد

پرچمِ ستاره و ہلال رہبرِ ترقی و کمال ترجمانِ ماضی ،شانِ حال جانِ استقبال! سابیہ خُدائے ذوالجلال

حفيظ جالند حقرى

